

مسایل (اگر در مسئله‌ای ویژگی سیال داده نشده است، $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$ و $\mu = 1/23 \text{ kg/m s}$ در نظر بگیرید)

۵-۱ مؤلفه‌های سرعت برای جریان دو بعدی به صورت زیر داده شده است:

$$u = 6y \quad m/s \quad ; \quad v = 3 \quad m/s$$

رابطه‌ی خط جریان را به دست آورید.

اگر برای یک جریان داشته باشیم $v = 2-t$ آنگاه:

۵-۲، مش، ۸۷

$$\text{جریان دائم است و معادله‌ی خط جریان } x-t = \frac{2}{5}y \text{ است.} \quad (1)$$

$$\text{جریان دائم است و معادله‌ی خط جریان } x-t = \frac{2-t}{5}y \text{ است.} \quad (2)$$

$$\text{جریان غیردائم است و معادله‌ی خط جریان } x-t = \frac{2}{5}y \text{ است.} \quad (3)$$

$$\text{جریان غیردائم است و معادله‌ی خط جریان } x-t = \frac{2-t}{5}y \text{ است.} \quad (4)$$

جواب: گزینه‌ی (۴)

۵-۳ مؤلفه‌های سرعت برای جریانی به صورت زیر داده شده است:

$$u = a - 3by^2 \quad ; \quad v = 0$$

رابطه‌ی خط جریان را به دست آورید.

یک میدان جریان به صورت رابطه‌ی زیر داده شده است:

۵-۴، مش، ۸۰

$$\vec{V} = ax\hat{i} + by\hat{j} + ck\hat{k}$$

معادله‌ی خط جریان در لحظه‌ی $t=0$ کدام است؟

$$y = C_1 x^{b/a} \quad (4) \quad y = C_1 x^{-b/a} \quad (3) \quad y = C_1 x^{a/b} \quad (2) \quad y = C_1 x^{-a/b} \quad (1)$$

جواب: گزینه‌ی (۲)

۵-۵ مؤلفه‌های سرعت برای جریان دو بعدی به صورت زیر داده شده است:

$$u = y - 1 \quad ; \quad v = y - 2$$

رابطه‌ی خط جریان را به دست آورید که از نقطه‌ی (۲، ۳) m می‌گذرد.

در یک جریان بردار سرعت به صورت $\vec{V} = y/2\hat{i} + xy^2\hat{j} + y\hat{k}$ می‌باشد. معادله‌ی

۵-۶، مش، ۸۲

کلی خط جریان (Stream line) به صورت کدام یک از روابط زیر می‌باشد.

$$y = C \exp x^2 \quad (4) \quad y = C \ln x^2 \quad (3) \quad y = C \exp x \quad (2) \quad y = C \ln x \quad (1)$$

جواب: گزینه‌ی (۴)

۵-۲ رابطه‌ی خط جریان به صورت $Cx = y$ و اندازه‌ی بردار سرعت به صورت زیر داده شده است:

$$|V| = \frac{K}{\sqrt{x^2 + y^2}}$$

که در آن K ضریب ثابت است. مؤلفه‌های سرعت در جهت‌های x و y را بدست آورید.

۵-۳ معادله‌ی خط جریان دو بعدی به صورت $x^2 + y^2 - k/cy = 0$ است (c و k مقادیر ثابتی هستند) و x و y بر حسب متر می‌باشند. در صورتی که سرعت در جهت x در نقطه‌ی m و $y = 5 m$ برابر 5 متر بر ثانیه باشد، مقدار V در آن نقطه برابر است با:

$$+3/75 \text{ m/s} \quad (1) \quad -3/75 \text{ m/s} \quad (2) \quad -6/67 \text{ m/s} \quad (3)$$

(۴) به دلیل نامشخص بودن مقادیر ثابت k و c جواب در بین جواب‌های بالا وجود ندارد.

جواب: گزینه‌ی (۱)

۵-۴ در مسئله‌ی (۵-۸)، زاویه‌ی بردار سرعت با محور x در نقطه‌ی داده شده چقدر است؟

۵-۵ رابطه‌ی بردار سرعت دو بعدی به صورت زیر داده شده است:

$$\vec{V} = x\hat{i} + x(x-1)(y+1)\hat{j}$$

رابطه‌ی خط جریان را که از مبدأ مختصات می‌گذرد، به دست آورید و آن را رسم کنید.

۵-۶ **جواب:** $y = e^{(0.5x-x)}$

۵-۷ بالنی در زمان $t=0$ از مبدأ مختصات با سرعت عمودی 8 m/s رها شده است. مؤلفه‌های سرعت

باد نیز به صورت زیر در ارتفاع‌های متفاوت داده شده است:

$$\vec{V} = 3\hat{i} + 2\hat{j}$$

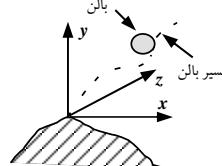
$$0 \leq z \leq 2000 \text{ m}$$

$$\vec{V} = 5\hat{i}$$

$$2000 < z \leq 10000 \text{ m}$$

$$\vec{V} = -5\hat{i} + 10\hat{j}$$

$$10000 < z \text{ m}$$



تصویر مسیر حرکت بالن را در صفحه‌ی مختصات $x-y$ برای زمان $t=25$ رسم کنید.

۵-۸ میدان سرعت جریانی به صورت زیر داده شده است:

$$\vec{V} = 6x\hat{i} + (16y + 10)\hat{j} + 20t^2\hat{k}$$

رابطه‌ی مسیر حرکت ذره‌ای را که در موقعیت (۶، ۴، ۲) m در زمان $t=2 \text{ s}$ قرار دارد، به دست آورید.

۵-۹ **جواب:** $lnx + ln(16y + 10) + z = 22t + 20/3t^3 - 86/31$

۵-۱۰ مسئله‌ی (۱۱-۵) را با فرض اینکه مؤلفه‌ی سرعت عمودی بالن برابر $w_0 e^{-at}$ باشد، حل کنید

که در آن $w_0 = 8 \text{ m/s}$ و $a = 4 \times 10^{-4} \text{ s}^{-1}$ است.

۸۸، ۵-۱۴

معادله‌ی جریان دو بعدی غیر ماندگاری به صورت $y = x(2+1t)$ و $u = x(2+1t)$ داده شدهاست. معادله‌ی خط مسیر ذره‌ای که در زمان شروع ($t = 0$) در مکان ($x = 1$, $y = 1$) قرار دارد، کدام است؟

$$y = e^{\ln x(1+\ln x)} \quad (4) \quad x = y^{\frac{1}{(1+2t)}} \quad (3) \quad y = x^{\frac{1}{(1+2t)}} \quad (2) \quad x = e^{\ln y(1+\ln y)} \quad (1)$$

جواب: گزینه‌ی (۱)

۵-۱۵ در زمان $t = 0$ ذره‌ای از سیال در نقطه‌ی A رها شده است.مقدار سرعت در فاصله زمانی 10 s ثابت است، اما جهت آن در اینفاصله زمانی ثابت نیست. همچنین، توزیع سرعت در هر زمان یکنواخت است. خط تمایل ذرات رها شده از A در زمان $t = 10\text{ s}$ نشان داده است. خط مسیر ذره در فاصله زمانی $s = 10 - 0\text{ s} = 10\text{ m}$ را رسم کنید.۵-۱۶ برای مسئله‌ی (۵-۱۵) خطوط جریان را در فاصله‌ی زمانی $s = 10 - 0\text{ s} = 10\text{ m}$ رسم کنید.۵-۱۷ در یک میدان سرعت، مؤلفه‌های سرعت در مدت زمان $s = 10 - 0\text{ s} = 10\text{ s}$ برابر $v = 0\text{ m/s}$ و $u = 2\text{ m/s}$ است.و در مدت زمان $s = 15 - 10\text{ s} = 5\text{ s}$ برابر $v = 3\text{ m/s}$ و $u = -4\text{ m/s}$ است. اگر ذره‌ای در زمان $t = 0$ در این میدان سرعت رها شود، مسیر ذره را در بازه‌ی زمانی $s = 15 - 10\text{ s} = 5\text{ s}$ و خطوط جریان و تمایل را در زمان $s = 15\text{ s}$ رسم کنید.

۵-۱۸ جریان آب که از شکاف یک آبپاش خارج می‌شود، حرکت نوسانی دارد و بردار سرعت آن به صورت زیر داده شده است:

$$\mathbf{V} = u_0 \sin \left[\omega \left(t - \frac{y}{v_0} \right) \right] \hat{i} + v_0 \hat{j}$$

که در آن u_0 , v_0 و ω مقادیری ثابت هستند.(الف) رابطه‌ی خطوط جریان را که از مرکز مختصات عبور می‌کند، در زمان‌های $t = 0$ و $t = \pi/2\omega$ به دست آورده و رسم کنید.(ب) رابطه‌ی خطوط مسیر را که از مرکز مختصات عبور می‌کند، در زمان‌های $t = 0$ و $t = \pi/2\omega$ به دست آورده و رسم کنید.

(ج) شکل تقریبی خط تمایل را که از مرکز مختصات عبور می‌کند را رسم کنید.

$$t = 0 : x = \frac{u_0}{\omega} \left[\cos \left(\frac{\omega y}{v_0} \right) - 1 \right] \quad ; \quad t = \frac{\pi}{2\omega} : x = \frac{u_0}{\omega} \sin \left(\frac{\omega y}{v_0} \right)$$

$$t = 0 : y = v_0 t \quad ; \quad t = \frac{\pi}{2\omega} : y = \frac{u_0}{v_0} t$$

خطوط مسیر

خطوط جریان

در میدان است.

۵-۱۹

$$\nabla \cdot \phi = 0 \quad (2)$$

$$\nabla \cdot \vec{V} = 0 \quad (1)$$

$$\nabla \times \phi = 0 \quad (4)$$

$$\nabla \times \vec{V} = 0 \quad (3)$$

مُؤلفه‌های سرعت در یک جريان سه بعدی تراکم‌ناپذیر و پایدار به صورت زیر داده شده است:

$$u = x^2 + y^2 + z^2 \quad ; \quad v = xy + yz + z^2 \quad ; \quad w = -3xz - \frac{z^2}{2} + 4$$

(الف) آیا رابطه‌ی پیوستگی برقرار است؟

(ب) بردار ورتیسیته را به دست آورید. آیا جريان غیرچرخشی است؟

جواب: بله؛ خیر

مُؤلفه‌های سرعت در یک جريان دو بعدی تراکم‌ناپذیر به صورت زیر داده شده است:

$$v_r = Ar^{-1} + Br^{-2} \cos \theta \quad ; \quad v_\theta = Br^{-2} \sin \theta$$

(الف) آیا رابطه‌ی پیوستگی برقرار است؟

(ب) آیا جريان غیرچرخشی است؟

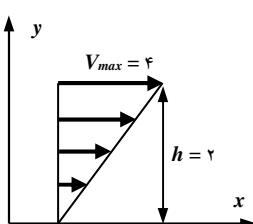
مُؤلفه‌ی سرعت در یک جريان یک بعدی برابر y است $u = ay + by$ هستند. آیا جريان غیرچرخشی است؟ به ازای چه مقادیری از a و b نرخ تغییرشکل زاویه‌ای صفر است؟

جواب: خیر؛ هیچ مقدار

مُؤلفه‌های سرعت در یک جريان دو بعدی تراکم‌ناپذیر و پایدار به صورت زیر داده شده است:

$$u = x^2 \quad ; \quad v = -2xy + x$$

تابع جريان را به دست آورید.



برای جريان یک بعدی در جهت x

۵-۲۴

با تغییرات خطی سرعت (مانند شکل رو به رو)، کدام گزینه

تابع جريان را نشان می‌دهد؟

$$\psi = y^2 + 1 \quad (2)$$

$$\psi = \frac{1}{2}y^2 + x \quad (1)$$

$$\psi = 2y^2 + 1 \quad (4)$$

$$\psi = \frac{4}{3}y^2 + x \quad (3)$$

جواب: گزینه‌ی (۲)

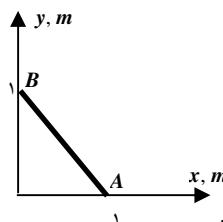
برای میدان سرعت داده شده در مسئله‌ی (۵-۲۱) تابع جريان را به دست آورید.

تابع جریان برای جریان دو بعدی تراکم ناپذیر و پایدار به صورت زیر داده شده است:

$$\psi = 2r^3 \sin 3\theta$$

برای این میدان جریان، تعدادی از خطوط جریان را رسم کنید.

تابع پتانسیل به صورت زیر داده شده است:

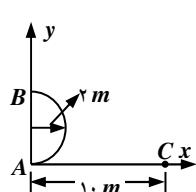


$$\phi = x^3 - 3xy^2$$

(الف) تابع جریان را به دست آورید.

(ب) خط جریان $\psi = 0$ را که از مبدأ مختصات میگذرد، رسم کنید.

(ج) مقدار دبی گذرنده از خط AB نشان داده در شکل رو به رو را به دست آورید.



تابع جریان ψ به صورت

$$\psi = x^3 + 2xy + 4t^3 y$$

گذرنده از مسیر نیم دایره ای که در شکل نشان داده شده است

(Q_{AC}) و دبی گذرنده از خط AC (Q_{AB}) چقدر است؟

$$Q_{AC} = 100 \text{ m}^3/\text{s} \quad Q_{AB} = 36 \text{ m}^3/\text{s} \quad (2) \quad Q_{AC} = 100 \text{ m}^3/\text{s} \quad Q_{AB} = 64 \text{ m}^3/\text{s} \quad (1)$$

$$Q_{AC} = 100 \text{ m}^3/\text{s} \quad Q_{AB} = 62.8 \text{ m}^3/\text{s} \quad (4) \quad Q_{AC} = 64 \text{ m}^3/\text{s} \quad Q_{AB} = 100 \text{ m}^3/\text{s} \quad (3)$$

جواب: گزینه (1)

تابع پتانسیل را برای میدان سرعت داده شده در مسئله (۵-۲۳) به دست آورید.

برای میدان سرعت $-By = u$ و $v = Bx$ به ترتیب تابع جریان و تابع پتانسیل

سرعت را محاسبه نمایید.

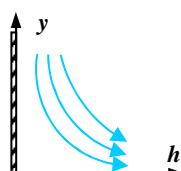
تابع جریان $C = B/2(x^3 - y^3)$ و تابع پتانسیل سرعت تعريف نمی شود.

تابع جریان $C = -B/2(x^3 + y^3)$ و تابع پتانسیل سرعت تعريف نمی شود.

تابع جریان $C = B/2(x^3 + y^3) + C$ و تابع پتانسیل سرعت

$\phi = B/2(x^3 - y^3) + C$ تابع جریان $C = B/2(-x^3 + y^3) + C$ و پتانسیل سرعت

جواب: گزینه (۲)



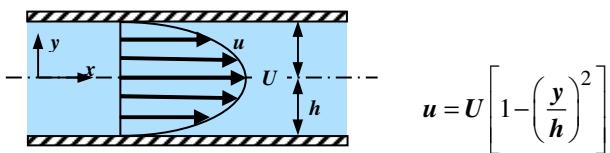
تابع جریان در جریان دو بعدی، غیر لزج، تراکم ناپذیر و غیر چرخشی در اطراف یک گوشه ۹۰° به صورت زیر تعريف شده است:

$$\psi = 2r^2 \sin 2\theta$$

تابع پتانسیل را به دست آورید.

۵-۳۲ توزیع سرعت جريان لزج دو بعدی تراکم ناپذیر و پایدار بین دو صفحه‌ی موازی به صورت زیر

تعريف شده است:



که در آن U سرعت حداکثر در $y=0$ است. همچنین، $u=0$ است.تابع‌های جريان و پتانسیل را به دست آورید.

$$\text{جواب:} \quad \psi = Uy \left[1 - \frac{1}{3} \left(\frac{y}{h} \right)^2 \right] + C \quad ; \quad \text{تابع پتانسیل وجود ندارد.}$$

۵-۳۳ تابع جريان در جريان دو بعدی غيرلزج و تراکم ناپذير به صورت زير تعريف شده است:

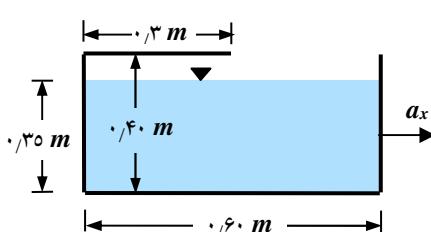
$$\psi = -x + y$$

در صورتی که جريان غيرچرخشی است، تابع پتانسیل را به دست آورید.

۵-۳۴ تابع پتانسیل در جريان دو بعدی غيرلزج و تراکم ناپذير که به شكل يك جريان چرخشی ماريچ است به صورت زير تعريف شده است:

$$\phi = \frac{\Gamma}{2\pi} \theta - \frac{m}{2\pi} \ln r$$

که در آن مقادير Γ و m ثابت هستند. نشان دهيد که در چنین جريانی زاويه‌ی بين بردار سرعت و مؤلفه‌یشعاعی آن ثابت است.



۵-۳۵ سطح آب در مخزن مستطيلي به طول 0.60 m و ارتفاع 0.40 m برابر m است. حداکثر شتاب مخزن در جهت افقی را به دست آورید به طوری که آب از مخزن لبریز نشود.

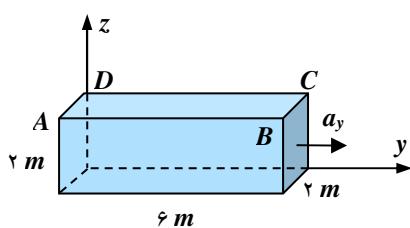
۵-۳۶، مک، ۱۵ يك جعبه‌ی مستطيلي روباز به طول ۵ متر، تا 0.5 متر زير لبه‌ی جعبه از آب

پرشده است. ماکزيم شتاب (بر حسب m/s^2) که می‌توان به جعبه داد تا آب از جعبه لبریز نشود برابر است

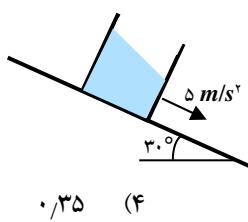
$$\text{با } (g = 10\text{ m/s}^2)$$

$$(1) \quad ۰.۵ \quad ۱/۱۱ \quad (2) \quad ۲ \quad (3) \quad ۴ \quad (4) \quad ۳$$

جواب: گزینه‌ی (۱)



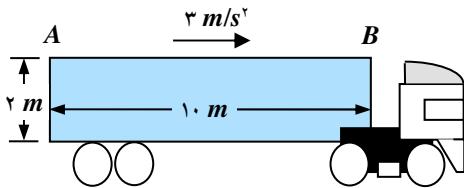
۵-۳۷ یک مخزن مستطیلی سربسته از آب پر شده است و فشار در سطح بالای آن آتمسفر است. مقدار شتاب ثابت افقی، a_y که باعث خلازایی می‌شود را به دست آورید. فشار مطلق بخار آب 1770 Pa است.



۵-۳۸ در شکل مقابل، سیالی در داخل جعبه‌ای قرار دارد و از یک سطح شیبدار با شتاب 5 m/s^2 به سمت پایین در حرکت است. جعبه حاوی 2 m^3 آب با دانسیته $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$ است. شیب سطح آزاد آب چقدر است؟

(۱) -۰/۱۷۷ (۲) -۰/۳۵ (۳) ۰/۱۷۷ (۴) ۰/۳۵

جواب: گزینه‌ی (۳)



۵-۳۹ مخزنی پر از بنزین بر روی تریلی قرار دارد و تریلی با شتاب 3 m/s^2 حرکت می‌کند. وزن مخصوص بنزین 6600 N/m^3 است. (الف) اگر فشار در گوشی بالای عقب مخزن، A ، آتمسفر باشد، فشار در گوشی بالای جلو، B ، چه مقدار است؟

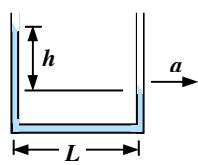
(ب) حداقل فشار در مخزن چه مقدار است؟

۵-۴۰ یک مخزن روباز به شکل مستطیل به طول ۸ متر، به عرض ۲ متر و به ارتفاع ۳ متر بر روی یک سطح افقی قرار گرفته و پر از آب می‌باشد. درصورتی که این مخزن تحت تأثیر شتاب افقی $a_x = 1/5 \text{ m/s}^2$ در جهت طولی قرار گیرد، چند متر مکعب از آب مخزن به بیرون تخلیه می‌شود؟ (شتاب نقل $g = 10 \text{ m/s}^2$)

(۱) ۹/۶ (۲) ۱۴/۴ (۳) ۲۴ (۴) ۱۹/۳

جواب: گزینه‌ی (۱)

۵-۴۱ ارتفاع آب در مخزن مستطیلی به طول 8 m ، ارتفاع 4 m و عرض 2 m برابر 2 است. درصورتی که این مخزن تحت تأثیر شتاب افقی $2/5 \text{ m/s}^2$ در جهت طولی قرار گیرد، مقدار نیروی واردہ بر سطوح جلوی و عقبی مخزن را به دست آورید و نشان دهید که تفاوت این دو نیرو برابر نیرویی است که برای شتاب دادن آب لازم است.



(4) $L/(ag)$

(3) L/g

(2) a/g

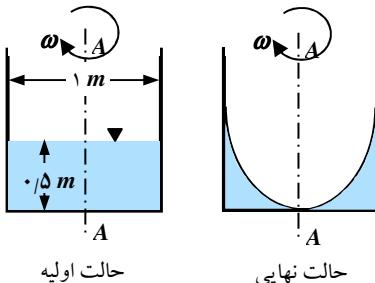
(1) aL/g

مطابق شکل مقابل، بخشی از یک

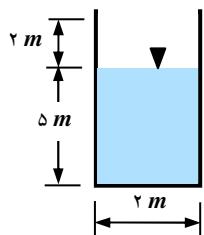
۵-۴۲، مک، ۸۲

لوله U -شکل توسط مایعی پر شده است. هنگامی که این لوله با شتاب a حرکت می‌کند، اختلاف h بین شاخه‌های لوله‌ی U -شکل ایجاد می‌گردد. مقدار h چقدر است؟

جواب: گزینه‌ی (۱)



۵-۴۳ آب در مخزن استوانه‌ای با قطر ۱ m به ارتفاع ۰.۵ m قرار دارد. مخزن حول محور عمودی با سرعت زاویه‌ای ω دوران می‌کند و سطح آب در مرکز استوانه پایین می‌آید. سرعت زاویه‌ای چقدر باشد تا سطح آب در مرکز به کف استوانه برسد؟ هیچ گونه آبی از مخزن لبریز نمی‌شود.

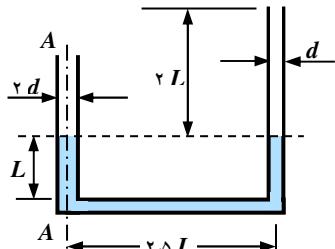


۵-۴۴ مخزن استوانه‌ای به قطر ۲۰ m و ارتفاع ۷/۰ m تا ۵/۰ m از آب پر شده است. اگر این مخزن با سرعت دورانی ۱۰ rad/s حول مرکز قاعده دوران نماید، چه حجمی از آب از مخزن خارج می‌شود؟ ($g = ۱۰ \text{ m/s}^2$)

(1) $۳/۱۴ \text{ m}^3$ (2) $۰/۷۸ \text{ m}^3$ (3) $۱/۵۷ \text{ m}^3$

(4) آبی از مخزن به بیرون ریخته نمی‌شود.

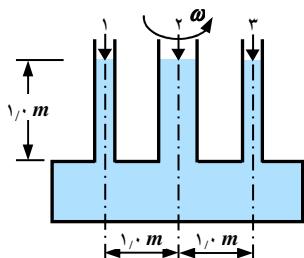
جواب: گزینه‌ی (۳)



۵-۴۵ لوله‌های نشان داده شده در شکل که در آنها آب است، حول محور $A-A$ با سرعت زاویه‌ای ω دوران می‌کنند. رابطه‌ای برای ω هنگامی که آب از لوله‌ی با قطر کمتر (d) لبریز شود را بحسب شتاب ثقل، g و L بدست آورید.

۵-۴۶، مک، ۸۸

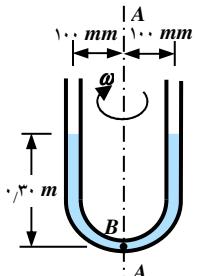
یک مخزن به صورت افقی قرار دارد و حاوی سیال است. سه لوله‌ی قائم ۱، ۲ و ۳ به ترتیب با شعاع‌های a و $2a$ همانند شکل به آن متصل شده است و تا ارتفاع یک متر از سیال پر شده‌اند. مجموعه با سرعت زاویه‌ای $\omega = ۱ \text{ rad/s}$ حول محور مرکزی لوله‌ی ۲ در حال چرخش است. اگر از اثرات کشش سطحی صرف نظر شود، سطح سیال در لوله‌ی ۲ نسبت به حالت سکون چقدر پایین



می‌آید؟ a کوچک است.

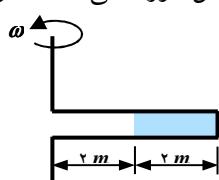
- | | | | |
|----------------|-----|----------------|-----|
| $\frac{1}{3}g$ | (۲) | $\frac{1}{2}g$ | (۱) |
| $\frac{1}{4}g$ | (۴) | $\frac{1}{6}g$ | (۳) |

جواب: گزینه‌ی (۳)



۵-۴۷ لوله U-شکل که در آن آب به ارتفاع 0.30 m قرار دارد، با سرعت زاویه‌ای ω حول محور A-A می‌چرخد. سرعت زاویه‌ای چه مقدار باشد تا آب در نقطه‌ی B شروع به بخارشدن کند؟ فشار مطلق بخار آب را 1770 Pa در نظر بگیرید و فرض کنید در این حالت، ارتفاع آب در ستون‌های چپ و راست لوله، 0.30 m باقی می‌ماند.

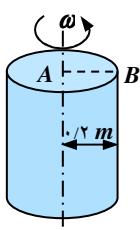
۵-۴۸ یک لوله افقی باریک به طول 4 m در زمان گردش تا نیمه پر می‌باشد و تحت سرعت زاویه‌ای ثابت ω (بر حسب رادیان در ثانیه) مطابق شکل در صفحه‌ی افق دوران می‌کند. فشار در



انتهای بسته‌ی لوله چقدر است؟ (g شتاب جاذبه می‌باشد).

- | | | | |
|----------------------|-----|-----------------------|-----|
| $\omega^2/2g$ متر آب | (۱) | $6\omega^2/g$ متر آب | (۲) |
| $2\omega^2/g$ متر آب | (۴) | $3\omega^2/2g$ متر آب | (۳) |

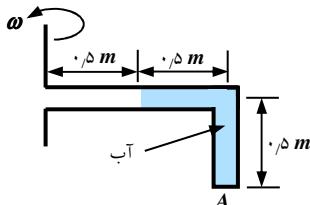
جواب: گزینه‌ی (۲)



۵-۴۹ در یک مخزن استوانه‌ای سریسته به قطر 4 m روغن ($SG = 0.9$) قرار دارد. این مخزن با سرعت زاویه‌ای 40 rad/s حول محور تقارن می‌چرخد. تفاوت فشار در سطح بالایی روغن، بین دو نقطه‌ی A واقع بر روی محور دوران و نقطه‌ی B واقع بر روی محیط را بدست آورید.

۵-۵۰ ۵-۵۰ یک لوله افقی باریک به شکل مقابل تا محل نشان داده از آب پر شده است و با

سرعت زاویه‌ای ω حول محور قایم دوران می‌کند. فشار در نقطه‌ی A چقدر است؟ (وزن حجمی آب γ_w است)



$$(3\omega^2/4g + 0.5)\gamma_w \quad (2) \quad (\omega^2/2g + 0.5)\gamma_w \quad (1)$$

$$(3\omega^2/8g)\gamma_w \quad (4) \quad (3\omega^2/8g + 0.5)\gamma_w \quad (3)$$

جواب: گزینه‌ی (۳)

۵-۵۱، مش، آب

آب حول محور عمودی یک تانک مانند یک جسم صلب دوران می‌کند. فشار

نقاطه‌ای روی محور دوران (A) و فشار در نقطه‌ای از سیال که $m/2$ از محور فاصله و $m/2$ بالاتر از (A)

قرار دارد، برابر است. سرعت دورانی چند رادیان بر ثانیه (rad/sec) است؟ $\omega = 10 \text{ m/sec}^2$

- (۱) ۴/۴۷ (۲) ۷/۰۷ (۳) ۱۰ (۴) ۱/۰۵

۵-۵۲، مک، رابطه بینولی

رابطه بینولی را می‌توان در هر لحظه

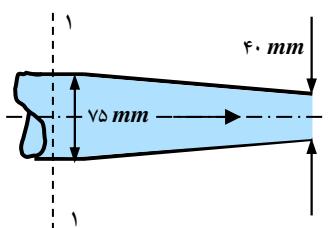
(۱) در امتداد یک خط جريان در لایه‌ی مرزی نوشت.

(۲) در تمام میدان یک جريان غيرقابل تراکم چرخشی بين هر دو نقطه نوشت.

(۳) در تمام میدان یک جريان غيرقابل تراکم غیرچرخشی بين هر دو نقطه نوشت.

(۴) فقط در امتداد دو نقطه‌ی هر خط جريان وقتی که ρ سیال ثابت باشد نوشت.

جواب: گزینه (۳)



۵-۵۳ قطر روزنه‌ای که سر لوله‌ی آب آتش‌نشانی قرار دارد ۴۰ mm است. بنابر استاندارد آتش‌نشانی، این روزنه باید بتواند مقدار دبی $0/20 \text{ m}^3/\text{s}$ را از خود عبور دهد. اگر این روزنه به سر لوله‌ای با قطر 75 mm متصل شود، چه مقدار فشار در بالادست روزنه [مقطع (۱)] در داخل لوله باید برقرار باشد تا این مقدار دبی تأمین گردد؟

۵-۵۴، مم، تابع جريان سیال غيرقابل تراکم

می‌توان به کمک رابطه بینولی اختلاف فشار را مابین دو نقطه (۱) و (۲) به صورت $y_1^2 + y_2^2 = y_3^2$ می‌باشد. آیا

(۱) (۱) = (۲) (۲) (۱) = (۲) (۳) (۱) = (۲) (۴) (۱) = (۲)

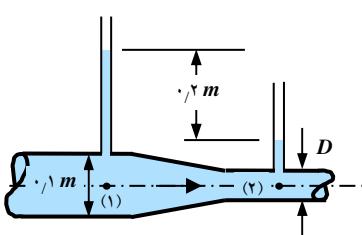
محاسبه کرد؟

(۱) بله، چون جريان غیرچرخشی است. (۲) خیر، چون جريان چرخشی است.

(۳) خیر، چون نقاط در امتداد یک خط جريان نمی‌باشند.

(۴) بله، چون جريان بدون اصطکاک، دائم، دو بعدی و غيرقابل تراکم است.

جواب: گزینه‌های (۲) و (۳)

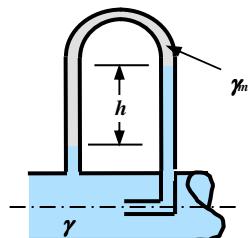


۵-۵۵ جريان از یک تنگ شدگی لوله (انقباض تدریجی) عبور می‌کند. اگر اختلاف سطح دو مانومتر که برای تعیین اختلاف فشار دو نقطه (۱) و (۲) به کار رفته است، برابر $0/2 \text{ m}$ باشد، مقدار دبی را بر حسب قطر لوله کوچک‌تر، D ، بدست آورید.

در شکل روبرو مقدار سرعت اندازه‌گیری شده توسط لوله‌ی پیتوت برابر است

۵-۵۶، مک، ۸۵

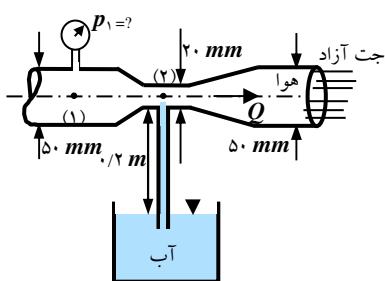
با:



$$\left(1 - \frac{\gamma_m}{\gamma}\right) \sqrt{2gh} \quad (۱) \quad \sqrt{2g\left(1 - \frac{\gamma_m}{\gamma}\right)h} \quad (۱)$$

$$2gh\sqrt{\left(1 - \frac{\gamma_m}{\gamma}\right)h} \quad (۴) \quad \sqrt{2g\left(1 - \frac{\gamma}{\gamma_m}\right)h} \quad (۳)$$

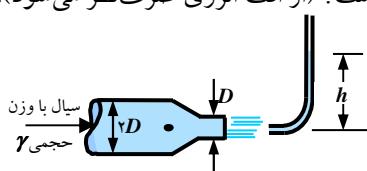
جواب: گزینه‌ی (۱)



۵-۵۷ هوا از وسیله‌ی نشان داده شده در شکل جریان دارد. در اثر تنگ‌شدگی مقطع جریان، فشار در این مقطع پایین می‌رود. اگر سرعت و یا دبی جریان زیاد باشد، فشار در گلوگاه وسیله (کوچک‌ترین مقطع) آنقدر کم می‌شود تا آب را از مخزن به سمت بالا هدایت کند (مکش). مقدار دبی و فشار در بالادست (۱) را بدست آورید. فرض کنید جریان غیرلزج و تراکم‌ناپذیر است.

۵-۵۸، مع، ۸۷

بالاروی سیال در لوله‌ی پیتوت که در مقابل جت خروجی از لوله به قطر D قرار گرفته است، h می‌باشد. فشار در نقطه‌ی قبل از تغییر مقطع چقدر است؟ (از افت انرژی صرف نظر می‌شود).



$$7h\gamma/8 \quad (۳) \quad 3h\gamma/4 \quad (۲) \quad h\gamma \quad (۱)$$

$$15h\gamma/16 \quad (۴)$$

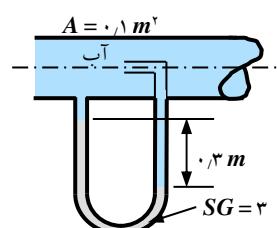
جواب: گزینه‌ی (۴)

اگر آب در رودخانه‌ای با سرعت V جریان داشته باشد، فشار آب بر پایه‌ی پلی

۵-۵۹، مش، ۸۴

در مسیر این جریان چقدر است؟

$$p = p_0 + \frac{1}{\gamma} \rho V^2 \quad (۴) \quad p = p_0 + \rho gh \quad (۳) \quad p = \frac{1}{\gamma} \rho V^2 \quad (۲) \quad p = \rho gh \quad (۱)$$



برای جریان سیال ایده‌آل در لوله‌ی شکل

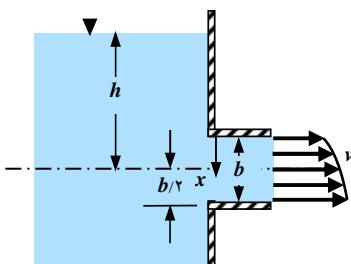
۵-۶۰، مک، ۸۱

زیرا، دبی عبوری چند مترمکعب بر ثانیه است؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

$$0.21 \quad (۱) \quad 0.17 \quad (۲)$$

$$0.42 \quad (۴) \quad 0.35 \quad (۳)$$

جواب: گزینه‌ی (۳)

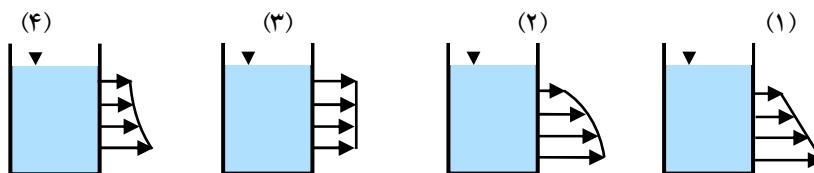


آب بر حسب x به دست آورید. رابطه‌ای برای سرعت متوسط مقطع نیز به دست آورید.

۵-۶۱ همچنانکه در بخش (۵-۳) توضیح داده شد،

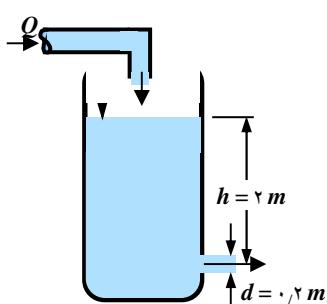
سرعت خروجی جت آب از یک روزنه که در جداره‌ی مخزن تعییه شده است، یکنواخت نیست. حال، یک مخزن مکعب مستطیل را درنظر بگیرید که در آن روزنه‌ای مربع شکل به بعد b قرار دارد. اگر ارتفاع مایع تا وسط روزنه h باشد، رابطه‌ای برای توزیع سرعت خروجی جت

سوراخ‌های متعددی در دیواره‌ی ظرف استوانه‌ای حاوی آب ایجاد شده است. کدام شکل تغییرات سرعت آب خروجی از سوراخ‌ها را صحیح نشان می‌دهد؟



جواب: گزینه (۲)

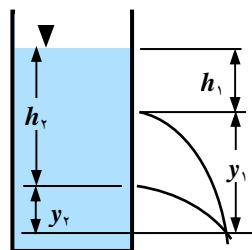
جريان جت آزاد از یک روزنه مستطیلی به ابعاد $0,2 \text{ m} \times 0,4 \text{ m}$ از یک مخزن خارج می‌شود. فرض کنید که هد سرعت سطح آب مخزن قابل صرف نظر کردن است. دبی جريان را درصورتی که ارتفاع آب در مخزن $h = 2 \text{ m}$ باقی بماند، در دو حالت با توزیع یکنواخت سرعت در روزنه و توزیع یکنواخت سرعت به دست آورید و باهم مقایسه کنید.



۵-۶۴ سیالی مطابق شکل از دو روزنه که به فواصل h_1 و h_2 بر روی دیواره‌ی یک

مخزن نصب شده‌اند، تخلیه می‌شود. جت‌های خروجی از این دو روزنه در نقطه‌ای با یکدیگر برخورد کرده‌اند. با فرض عدم تلفات انرژی تا قبل از نقطه‌ی تلاقي،

کدام گزینه صحیح است؟



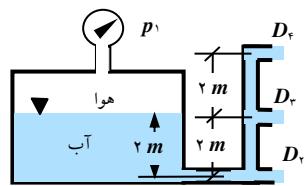
$$h_1 y_1^2 = h_2 y_2^2 \quad (2)$$

$$h_1 y_1 = h_2 y_2 \quad (4)$$

$$h_1 h_2 = y_1 y_2 \quad (1)$$

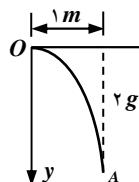
$$h_1 h_2 = y_1 y_2 \quad (3)$$

جواب: گزینه (۲)



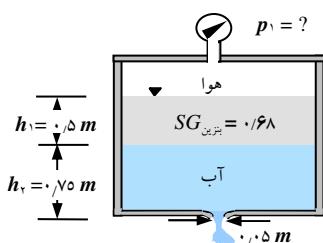
۵-۶۵ آب از یک مخزن تحت فشار توسط سه روزنہ با قطرهای متفاوت خارج می‌شود. قطر روزنے‌ی پایینی $D_1 = ۱۳\text{ mm}$ است. اگر دبی خروجی هر سه روزنے یکی باشد، قطرهای روزنے‌های دیگر D_2 و D_3 را به دست آورید. فشار هوای مخزن $p_1 = ۲۰۰\text{ kPa}$

۵-۶۶ ۸۰، ۵-۶۶ یک جت آب به صورت افقی، آب را به آتمسفر تخلیه می‌کند و مسیر آب به صورت OA و مختصات Ox بر حسب متر به صورت $(2g)$ می‌باشد که در آن g شتاب نقل است. دبی حجمی خروجی از جت با سطح $۰/۰۱\text{ m}^۳$ بر حسب لیتر در ثانیه کدام است؟

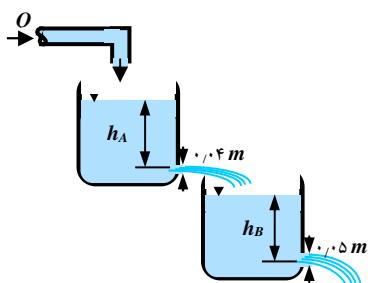


- | | | |
|-----|-----|-----|
| ۱ | ۲ | ۳ |
| ۲ | ۴ | ۵ |
| (۱) | (۲) | (۳) |

جواب: گزینه‌ی (۳)

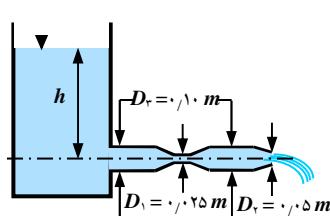


۵-۶۷ مقدار فشار لازم در سیستم نشان داده شده در شکل چقدر باشد تا دبی خروجی جت از روزنے کف، $۰/۰۱\text{ m}^۳/\text{s}$ باشد؟

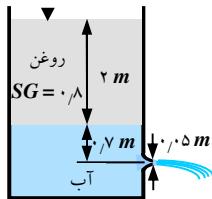


۵-۶۸ اگر جریان در سیستم نشان داده شده در شکل، پایدار و $h_B = ۲\text{ m}$ باشد، ارتفاع آب، h_A را به دست آورید.

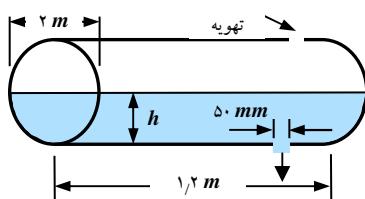
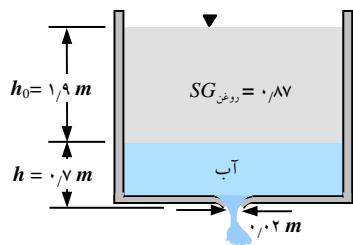
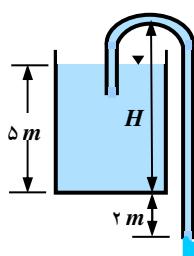
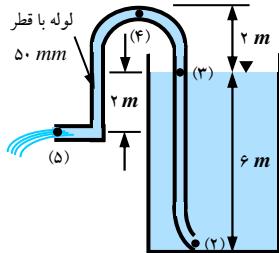
جواب: $۴/۹\text{ m}$



۵-۶۹ جریان از یک مخزن توسط لوله‌ای کوتاه که در شکل نشان داده شده است، تخلیه می‌شود. اگر از اصطکاک صرف نظر شود، مقدار ارتفاع h را طوری تعیین کنید که خلأزایی در لوله اتفاق نیفتد. برای جلوگیری از خلأزایی، آیا باید مقدار D_1 افزایش یا کاهش یابد؟ برای جلوگیری از خلأزایی، آیا باید مقدار D_2 افزایش یا کاهش یابد؟ فشار مطلق بخار آب ۱۷۰ Pa است.



- ۵-۲۰ دبی را در سیستم نشان داده شده در شکل، به دست آورید.
جواب: $0.13 \text{ m}^3/\text{s}$



- ۵-۲۱ سیفون نشان داده شده در شکل، آب را از مخزن تخلیه می‌کند. مقدار دبی سیستم و فشار را در نقاط (۲)، (۳)، (۴) و (۵) به دست آورید. از اصطکاک لوله‌ی سیفون صرف نظر کنید.

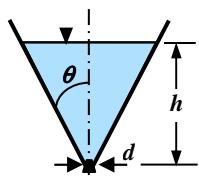
- ۵-۲۲ سیفون نشان داده شده در شکل، آب را از مخزن تخلیه می‌کند. مقدار حداقل ارتفاع مکش سیفون (H) را طوری به دست آورید که خلازایی در سیفون اتفاق نیفتد. از اصطکاک لوله‌ی سیفون صرف نظر کنید و فشار مطلق بخار آب را 1770 Pa در نظر بگیرید.

جواب: $8/15 \text{ m}$

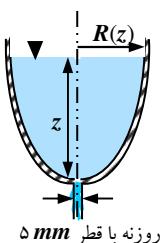
- ۵-۲۳ در یک مخزن مستطیلی به ابعاد $9/5 \text{ m} \times 2/6 \text{ m}$ روغن $9/5 \text{ m}$ و آب قرار دارد. آب از طریق روزنه‌ای به قطر 20 mm که در کف مخزن قرار دارد تخلیه می‌شود. چه مدت زمانی طول می‌کشد تا آب از مخزن تخلیه شود؟ جریان را شبیه‌پایدار فرض کنید.

- ۵-۲۴ یک استوانه به شعاع 1 m تا نصف آن از آب پر شده است. آب مخزن از طریق یک روزنه به قطر 50 mm در حال تخلیه شدن است. رابطه‌ای برای زمان تخلیه‌ی آب از مخزن بر حسب ارتفاع آب در مخزن در هر لحظه، h به دست آورید. جریان را شبیه‌پایدار فرض کنید.

جواب: $t = 183/97 \left[(2-h)^{\frac{3}{2}} - 1 \right]$

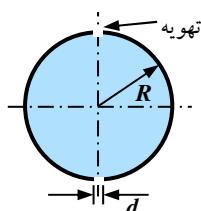


۵-۷۵ یک وسیله‌ی باستانی برای اندازه‌گیری زمان در شکل نشان داده شده است. این وسیله که به شکل مخروط وارونه است، با آب پر می‌شده است. سپس در پوششی که سر راه روزنها در پایین آن قرار دارد، در زمان $t = 0$ برداشته می‌شده است. اگر این مخزن پس از سه ساعت تخلیه شود، رابطه‌ای برای ارتفاع آب در هر لحظه، h ، بر حسب t و d به دست آورید. جریان را شبه‌پایدار فرض کنید.



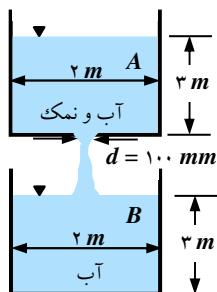
۵-۷۶ یک وسیله‌ی باستانی برای اندازه‌گیری زمان در شکل نشان داده شده است. در این وسیله که به شکل متقارن مرکزی است، سطح آب به مقدار ثابت، پایین می‌آید. اگر میزان پایین‌رفتن سطح آب برابر $1/10 \text{ m/hr}$ باشد، رابطه‌ای برای شکل این وسیله، یعنی $R = R(z)$ را به دست آورید. جریان را شبه‌پایدار فرض کنید.

جواب: $R = 0.998z^{1/25}$



۵-۷۷ در کف یک مخزن کره‌ای به قطر D (شعاع R)، روزنهای به قطر d قرار دارد. در ابتدا مخزن پر از آب است و فشار بالای سطح آب (با تهویه‌ی مناسب) فشار آتمسفر است. رابطه‌ای برای تغییرات سطح آب بر حسب زمان به دست آورید.

۵-۷۸ محلول آب و نمک از مخزن A توسط روزنهای به قطر $d = 100 \text{ mm}$ که در کف آن قرار دارد، به مخزن B تخلیه می‌شود. در زمان $t = 0$ چگالی نسبی محلول آب و نمک مخزن A برابر $1/15$ است و در



مخزن B فقط آب وجود دارد. قطر مخازن و ارتفاع اولیه‌ی سیال در آنها به ترتیب برابر 2 m و 3 m است. ثابت کنید که تغییرات چگالی نسبی سیال در مخزن B بر حسب زمان از رابطه‌ی زیر تبعیت می‌کند:

$$SG_B = \frac{6.45 - 1.15(1.732 - 0.0055t)^2}{6 - (1.732 - 0.055t)^2}$$

از اثرات لزجت صرف نظر کنید و فرض کنید که سیال مخزن B در هر زمان، یک سیال همگن است. همچنین، جریان را شبه‌ماندگار در نظر بگیرید. چه مدت زمانی طول خواهد کشید تا مخزن A تخلیه شود؟

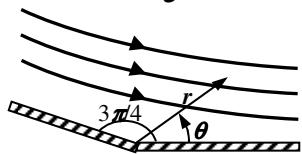
جواب: 315 s

۵-۷۹تابع پتانسیل برای جریان غیرلزج تراکم‌ناپذیر به صورت زیر داده شده است:

$$\phi = 2x^2y - \frac{2}{3}y^3$$

در صورتی که فشار در نقطه‌ای به مختصات $x = 1\text{ m}$ و $y = 1\text{ m}$ برابر 150 kPa باشد، مقدار فشار را در نقطه‌ای به مختصات $x = 2\text{ m}$ و $y = 2\text{ m}$ به دست آورید. سیال را آب در نظر بگیرید.

۵-۸۰ تابع جریان برای جریان غیرلزج تراکم‌ناپذیر در یک گوشه که در شکل نشان داده شده است به صورت زیر است:

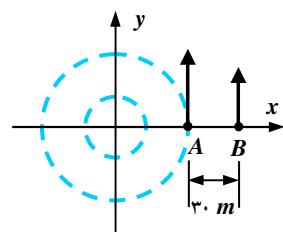


$$\psi = 2r^{4/3} \sin\left(\frac{4}{3}\theta\right)$$

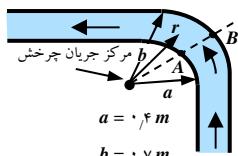
رابطه‌ای برای گرادیان فشار در امتداد مرز سخت، جایی که $\theta = 0$ است، به دست آورید. فرض کنید که جریان در صفحه‌ی افق قرار دارد.

$$dp/dx = -64\rho / \left(27r^{\frac{1}{3}} \right) \quad \text{جواب:}$$

۵-۸۱ برای شبیه‌سازی یک گردباد می‌توان آن را مانند یک جریان چرخش با دوران Γ در نظر گرفت که برای $r > R_c$ صادق است، که در آن R_c شعاع هسته‌ی گردباد است. سرعت اندازه‌گیری شده‌ی نقاط A و B به ترتیب برابر 30 m/s و 20 m/s است. مسافت نقطه‌ی A را نسبت به مرکز گردباد، r_A به دست آورید.



۵-۸۲ برای شبیه‌سازی جریان ایده‌آل در یک خم افقی می‌توان آن را مانند یک جریان چرخش با دوران Γ در نظر گرفت. نشان دهید که دبی در واحد عرض (عمود بر صفحه‌ی کتاب) کانال، q به صورت زیر به دست می‌آید:

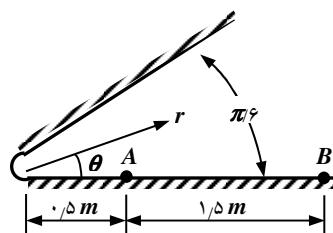


$$q = C \sqrt{\frac{\Delta p}{\rho}}$$

که در آن $\Delta p = p_B - p_A$ است. مقدار ضریب ثابت، C ، برای ابعاد داده شده در مسئله را به دست آورید.

$$C = 0.386\text{ m}$$

۵-۸۳ آب در گوشه‌ی دیوار به سمت روزنه‌ای که در انتهای آن قرار دارد جریان می‌یابد. تابع پتانسیل برای این جریان به صورت $ln r - 2\phi = -\pi\varphi$ است. اختلاف فشار نقاط A و B ($p_A - p_B$) را به دست آورید.



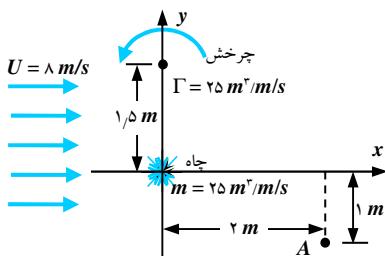
۵-۸۴ یک جریان دو بعدی از ترکیب جریان چشم در مبدأ مختصات و جریانی که تابع پتانسیل آن به صورت زیر داده شده است تشکیل می‌گردد:

$$\phi = r^2 \cos 2\theta$$

مختصات نقاط ایستایی ($\theta = \pi/2$) و ($\theta = 0$) را در محدوده $\pi/2 \leq \theta \leq 0$ به دست آورید.

$$\text{جواب: } \theta_s = \pi/2 ; \quad r_s = \sqrt{m/2}$$

۵-۸۵ جریان یکنواخت را در جهت مثبت محور x در نظر بگیرید و آن را با جریان چرخش در مبدأ مختصات ترکیب کنید. خط جریان $y = 2x$ از نقطه $(0, 0)$ گذرد. رابطه‌ی این خط جریان را به دست آورید.



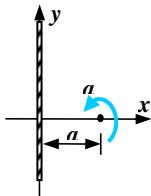
۵-۸۶ برای جریان ترکیبی از جریان چاه در مبدأ مختصات، جریان چرخش و جریان یکنواخت که در شکل نشان داده شده است، سرعت جریان را در نقطه A به دست آورید.

$$\text{جواب: } V_A = 1/13 \text{ m/s}$$

۵-۸۷ برای جریان ترکیبی از دو جریان چرخش که به نام جریان چرخش دوتایی معروف است،

(الف) توزیع سرعت در امتداد محور y را برحسب y , π , Γ و a به دست آورید.

(ب) به این جریان ترکیبی یک جریان یکنواخت با سرعت $\Gamma/4\pi a$ (به طرف بالا، موازی محور y) اضافه کنید. نقاط ایستایی را به دست آورید و محل تلاقی خط جریان $y = 2x$ با محور x را مشخص کنید.



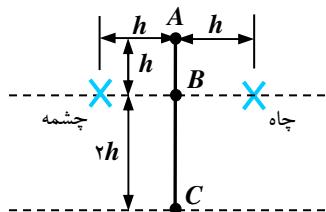
۵-۸۸ جریان چرخش در نقطه‌ای به مختصات $(a, 0)$ از دیواری عمودی در امتداد محور y قرار دارد. اگر مقدار فشار در دوردست برابر صفر باشد، توزیع فشار و توزیع سرعت را در امتداد دیوار به دست آورید.

(تذکر: برای شبیه‌سازی دیوار، از یک جریان چرخش مجازی با همان قدرت اما با چرخش مخالف استفاده کنید).

$$p = -\frac{1}{2} \frac{\rho}{\pi^2} \frac{\Gamma a'}{(y' + a')} \quad ; \quad V = \frac{\Gamma a}{\pi(y' + a')}$$

$$\text{جواب: } \text{Equation above}$$

۵-۸۹ دو جریان چرخش A و B در جهت خلاف عقربه‌های ساعت به فاصله‌ی $m = 3$ از هم دیگر قرار دارند. قدرت جریان چرخش A $\Gamma = 24 \text{ m}^3/\text{s}$ و قدرت جریان چرخش B نصف قدرت جریان چرخش A است. مختصات مرکز ترکیب این دو جریان، یعنی جایی که سرعت جریان صفر است را به دست آورید. مقدار نرخ چرخش خط AB را به دست آورید.

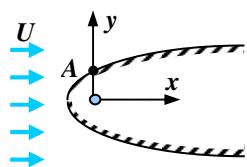


در شکل رو به رو چشم و چاهی با قدرت مساوی q نشان داده شده است. فشار در نقاط A و B را با p_A و p_B نشان می‌دهیم. کدامیک از عبارات زیر درست است؟

$$p_B > p_C > p_A \quad (2) \quad p_B < p_C < p_A \quad (1)$$

$$p_B > p_A > p_C \quad (4) \quad p_B < p_A < p_C \quad (3)$$

جواب: گزینه‌ی (۳)

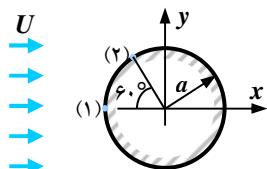


۵-۹۱ در جریان یکنواخت عبوری از یک نیم‌پیکر نشان دهید که چگونه می‌توان از اختلاف فشار بین نقطه‌ی ایستایی و نقطه‌ی رابطه‌ای برای سرعت U به دست آورد. از نیروی ثقل صرف نظر کنید و جریان را غیرلزج و تراکم‌ناپذیر در نظر بگیرید.

۵-۹۲ در جریان یکنواخت عبوری از یک نیم‌پیکر، اگر سرعت جریان یکنواخت 60 m/s باشد، مقدار سرعت حد اکثر روی سطح نیم‌پیکر و زاویه‌ی مکان آن را (θ) به دست آورید.

$$\text{جواب: } V_{max} = 75/6 \text{ m/s} \quad ; \quad \theta = \frac{\pi}{3}$$

۵-۹۳ در جریان پتانسیل عبوری از یک استوانه، نشان دهید که اختلاف فشار دو نقطه‌ی (۱) و (۲) روی سطح استوانه که در شکل نشان داده شده است، توسط رابطه‌ی زیر به دست می‌آید:



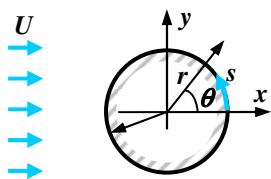
$$U = C \sqrt{\frac{\Delta p}{\rho}}$$

مقدار ضریب C را به دست آورید.

۵-۹۴ در جریان پتانسیل روی سیلندری به شعاع R سرعت مماسی از رابطه‌ی $c_p = -2V_\infty \sin \theta$ قابل محاسبه است که در آن V_∞ سرعت جریان در دور از جسم است. مقدار ضریب c_p (ضریب فشار) روی سیلندر کدام است؟

$$1 - 4 \sin^2 \theta \quad (4) \quad 1 - 3 \sin^2 \theta \quad (3) \quad 1 - 2 \sin^2 \theta \quad (2) \quad 1 - \sin^2 \theta \quad (1)$$

جواب: گزینه‌ی (۳)



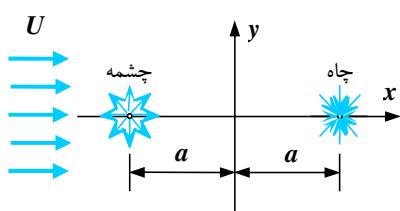
۵-۹۵ در جریان پتانسیل عبوری از یک استوانه، نشان دهد که گرادیان فشار، $\frac{\partial p}{\partial s}$ ، در حوالی نقطه‌ای استایی، متناسب با s است. مختصات s همچنانکه در شکل نشان داده شده است، در امتداد سطح استوانه است.

۵-۹۶ ترکیب جریان یکنواخت با سرعت U از چپ به راست، جریان دوگانه با قدرت $\pi U a^3$ و جریان چرخش با دوران Γ را در مبدأ مختصات درنظر بگیرید.

(الف) آیا جسمی که از ترکیب این جریان‌ها به وجود می‌آید یک استوانه است؟

(ب) مقدار Γ را طوری تعیین کنید که فقط یک نقطه‌ای استایی بر روی استوانه تشکیل شود.

$$\text{جواب: بله} ; \quad \Gamma = 4\pi a U$$



۵-۹۷ یک جریان چشم و یک جریان چاه با قدرت مساوی با جریان یکنواخت ترکیب شده است. رابطه‌ای برای طول و ارتفاع جسمی که تشکیل می‌شود، به دست آورید. اگر طول و ارتفاع جسم را به دست آورید.

$$h = 0.96 m ; \quad \ell = 2.58 m ; \quad h = \frac{h^* - a^*}{2a} \operatorname{tg} \left(\frac{U_0 h}{m} \right) ; \quad \ell = \left(a^* + \frac{4ma}{U_0} \right)^{\frac{1}{2}}$$

$$\text{جواب:}$$