

در شکل، نمایی از سیستم انتقال قدرت یک همزن بزرگ صنعتی نشان داده شده است که در آن، توان توسط یک الکتروموتور با سرعت 2400 rpm به حلزون داده می‌شود. این توان از شافت S_1 به شافت واسطه‌ای S_2 داده شده و توسط چرخ‌دنده‌ی مخروطی به شافت همزن S_3 تحویل داده می‌شود. شافت S_3 باید قابلیت دوران با سرعت 60 rpm در یک مرحله و در مرحله‌ی دیگر، 20 rpm را داشته باشد. گشتاور لازم برای چرخش در مرحله‌ی اول 800 N.m و در مرحله‌ی دوم، 1500 N.m است. فرض کنید که چرخ‌دنده‌های G_1 و G_2 از نوع ساده با زاویه فشار 25° و چرخ‌دنده‌های G_3 و G_4 از نوع مارپیچ با زاویه فشار عمودی 20° و زاویه مارپیچ 30° باشند و چرخ‌دنده‌ی مخروطی از نوع ساده است. اگر برای G_1 و G_2 نسبت تبدیل سرعت 1 و برای G_3 و G_4 نسبت تبدیل سرعت 3 باشد، G_1 تا G_4 را با هدف کمینه‌کردن فاصله‌ی دو محور افقی بر اساس چرخه‌ی تمام عمر و بدون نیاز به ریشه‌تراشی طراحی نمایید. جنس چرخ‌دنده‌های بزرگتر از فولاد با $S_{ut}=600 \text{ MPa}$ و جنس پینیون‌ها از فولاد با $S_{ut}=700 \text{ MPa}$ و قابلیت سخت‌کاری هر کدام تا 350 Bhn است. همچنین اگر در چرخ‌دنده‌ی مخروطی، نسبت تبدیل کاهش سرعت 2 باشد، با در نظر گرفتن جنس پینیون از فولاد با $S_{ut}=640 \text{ MPa}$ و جنس چرخ‌دنده بزرگتر از فولاد با $S_{ut}=610 \text{ MPa}$ ، و قابلیت سخت‌کاری هر کدام تا 300 Bhn ، آن را طراحی نمایید. در نهایت، نسبت تبدیل مناسب در چرخ‌دنده‌ی حلزونی به‌کاررفته در مجموعه را بیابید و اگر زاویه جلوبری 17° و ضریب اصطکاک 0.2 و زاویه فشار عمودی 20° باشد، طرحی بهینه برای چرخ‌دنده‌ی حلزونی ارائه دهید توان الکتروموتور چقدر باید باشد؟

چرخ‌دنده‌ها در شکل شماتیک زیر به صورت نمادین هاشور خورده‌اند و اندازه آنها با مقیاس رسم نشده است. سایر فرض‌های لازم را به صورت مناسب انتخاب کنید.

