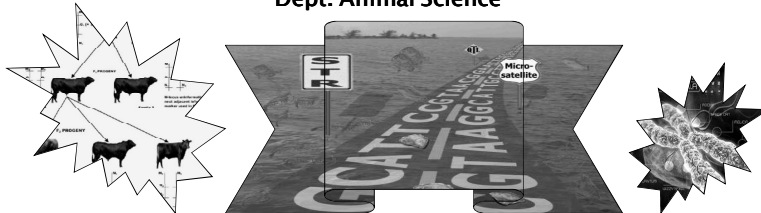


**Saeid Ansari-Mahyari**  
Dept. Animal Science



$$\begin{bmatrix} X_1 \varepsilon^1 X_1 & X_1 \varepsilon^1 X_2 & X_1 \varepsilon^1 Z_1 & X_1 \varepsilon^1 Z_2 \\ X_2 \varepsilon^2 X_1 & X_2 \varepsilon^2 X_2 & X_2 \varepsilon^2 Z_1 & X_2 \varepsilon^2 Z_2 \\ Z_1 \varepsilon^1 X_1 & Z_1 \varepsilon^1 X_2 & Z_1 \varepsilon^1 Z_1 + c^{11} A^{-1} & Z_1 \varepsilon^1 Z_2 - c^{12} A^{-1} \\ Z_2 \varepsilon^2 X_1 & Z_2 \varepsilon^2 X_2 & Z_2 \varepsilon^2 Z_1 + c^{21} A^{-1} & Z_2 \varepsilon^2 Z_2 - c^{22} A^{-1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \\ e_1 \\ e_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} X_1 (\varepsilon^1 \gamma_1 + \varepsilon^1 \gamma_2) \\ X_2 (\varepsilon^2 \gamma_1 + \varepsilon^2 \gamma_2) \\ Z_1 (\varepsilon^1 \gamma_1 + \varepsilon^1 \gamma_2) \\ Z_2 (\varepsilon^2 \gamma_1 + \varepsilon^2 \gamma_2) \end{bmatrix}$$

## IBD در مقابل IBS

IBD (identical by descent) یعنی آنکه آلهها یکسان و از یک جد مشترک هستند

IBS (identical by state) یعنی آنکه آلهها بطور اتفاقی یکسان هستند

Inbreeding

## همخونی

بدلیل آمیزشهای فامیلی اتفاق میافتد و اثرات آن عبارتست از:

- افزایش ظهور ژنهای نامطلوب و مغلوب
- افت عملکرد و قابلیت زیستن که به آن کاهش ناشی از همخونی گویند (inbreeding depression)
- کاهش تنوع ژنتیکی درون گروه همخون

Inbreeding

## Inbreeding

- Relationship between individuals.
- Inbreeding by pedigree.
- Effective population size and inbreeding in small populations.
- Properties and consequences of inbreeding.

## Conceptual messages

- Mating relatives is inbreeding.
- Given pedigree, we can calculate the inbreeding coefficient  $F$  in progeny.
- $F$  is the probability that the two alleles at randomly chosen locus are identical by descent - both being copies of the same allele in a common ancestor
- Inbreeding is inevitable in small populations. We can predict the rate of increase in  $F$  if we know population size and structure

## Conceptual messages

- Inbreeding causes increased expression of recessive effects, and inbreeding depression.
- Inbreeding within populations also causes a loss of genetic variation *within* these populations.
- The effects of inbreeding on fitness and genetic variation within populations are important considerations when designing breeding programs.
- Need to balance inbreeding and rate of genetic gains

## همخونی و افزایش ظهور ژنهای مغلوب

فرآوانی های ژنوتیپی  
 - غیر همخون:  $p^2$      $2pq$      $q^2$   
 - همخون:  $q^2+pqF$      $2pq-2pqF$      $p^2+pqF$

مثال:  $q=0.02$  (2%)

F	0	0.125	0.25	0.50
Prob. aa (recessive genotype)	0.4 in 1000	2.9 in 1000	5.3 in 1000	10.2 in 1000

Inbreeding

## تغییر فرآوانی ژنوتیپی بدلیل همخونی

برای مثال:  $p=q=0.5$

Genotype	aa	Aa	AA
Frequency	$q^2+pqF$	$2pq-2pqF$	$p^2+pqF$
At F=0	0.25	0.50	0.25
At F=0.5	0.375	0.25	0.375
At F=1.0	0.5	0	0.5

توجه کنید که فرآوانی آلی تغییر نمی کنند

Inbreeding

**Effective population size:  $N_e$**

Males can usually a lot more offspring than females

We only need a few males to breed the next generation.

Mating one male to 1,000,000 females each generation still leads to inbreeding! So,

Inbreeding does depend on *effective population size* rather than actual population size.

$$N_e = \frac{4N_m N_f}{N_m + N_f}$$

$N_f$  and  $N_m$  are females and males used as parents in each generation.

Males per generation	2	2	2	5	20	1
Females per generation	2	20	200	200	200	999,999
N	4	22	202	205	220	1,000,000
$N_e$	4	7.3	7.9	19.5	72.7	4

## میزان همخونی

فرمولی ساده برای محاسبه همخونی در  $t$  نسل ، بدون انتخاب و بشرط آمیزش تصادفی

$$F_t = 1 - \left[ 1 - \frac{1}{2N_e} \right]^t$$

$t$  تعداد نسل  
 $N_e$  اندازه موثر جمعیت

اگر جمعیت تحت انتخاب باشد ضریب همخونی با استفاده از روشهای دیگر بدست می آید (Wray and Thompson)

Inbreeding

## میزان همخونی

$$F_t = 1 - \left[ 1 - \frac{1}{2N_e} \right]^t$$

Inbreeding

**Prediction of rate of inbreeding**

EXAMPLE - F after 20 years' breeding on the following structure

Age:	2	3	4	5	6
Males:	1	1			
Females:	20	20	20	20	20

$L_m = 2.5$   
 $L_f = 4$

$$F_t = 1 - \left[ 1 - \frac{1}{2N_e} \right]^t$$

$L = (2.5 + 4)/2 = 3.25$  years This is the generation interval.

$N_m = 1 \times 3.25 = 3.25$  males entering the flock per generation.

$N_f = 20 \times 3.25 = 65$  females entering the flock per generation.

$$N_e = \frac{4N_m N_f}{N_m + N_f} = \frac{845}{68.25} = 12.38$$

$$F_{20yrs} = F_{20/3.25 \text{ gens}} = 1 - (1 - 1/(2 \times 12.38))^{20/3.25}$$

$F_{20yrs} = 0.224$  which is probably very high for such a short period.

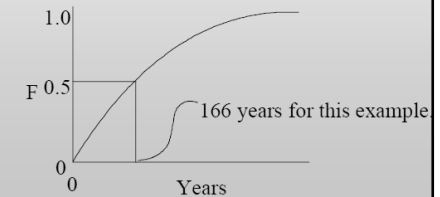
## Some properties of inbreeding coefficients

- The inbreeding coefficient is relative to some 'base' population.
- Useful concept is  $\Delta F$  - rate of inbreeding (increase) rather than an (absolute) value  $\Delta F = \frac{F_t - F_{t-1}}{1 - F_{t-1}} = \frac{1}{2N_e}$  at a current time.
- Inbreeding does not directly measure degree of homozygosity. Although homozygotes are increased with inbreeding, there is also homozygosity through randomness.
- Inbreeding can be temporary. As soon as different inbred strains cross, the inbreeding completely disappears.

*Alternative strategy:* Use only 4 new rams each year:

Age:	2	3	4	5	6	
Males:	4					$L_m = 2$
Females:	20	20	20	20	20	$L_f = 4$

Calculation
$L_m = 2$
$L_f = 4$
$L = 3$
$N_m = 4 \times 3 = 12$
$N_f = 20 \times 3 = 60$
$N_e = 40$
$F_{20yrs} = 0.0804$ - much less.



## اندازه موثر $N_e$

اندازه جمعیت ایده آل با میزان همخونی نظیر جمعیتی واقعی  
ویژگی های جمعیت ایده آل:

- بسته با آمیزش تصادفی
- نسل های گسسته و جدا
- اندازه جمعیت ثابت
- نسبت جنسی مساوی
- اندازه فامیلی با توزیع پویسون (این توزیع در حقیقت یک توزیع احتمال برای متغیرهای تصادفی ناپیوسته است که در آن میزان احتمال بسیار کوچک و در مقابل تعداد مشاهدات بسیار زیاد است)

Inbreeding

## همخونی و کاهش تنوع ژنتیکی

واریانس ژنتیکی در جمعیت = واریانس در والدین + واریانس نمونه گیری مندلی

$$V_{MS} = \frac{1}{2} \sigma_g^2 \quad \text{- بدون همخونی}$$

$$V_{MS} = \frac{1}{2} \left( 1 - \frac{1}{2} (F_{sire} + F_{dam}) \right) \sigma_g^2 \quad \text{- همراه با همخونی}$$

همانطور که افراد بهم شبیه تر میشوند

واریانس ژنتیکی داخل جمعیت روبه کاهش میگذارد

Inbreeding

## Consequences of inbreeding

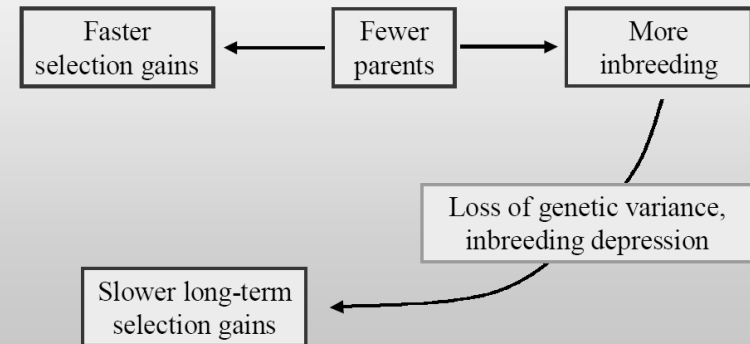
### Loss of genetic variance within populations

Individuals become increasingly related and therefore more and more 'alike'.

$$V_{A(\text{with inbreeding})} = (1 - F)V_{A(\text{without inbreeding})}$$

**Note:** Additive genetic variation,  $V_A$ , is variation between individuals in the component of genetic merit that can be transmitted to the next generation.

## Breeding to help maintain genetic diversity. A problem ...



## همخونی در برنامه های اصلاح نژاد

در برنامه های اصلاح نژادی بدلائیل زیرممکن است همخونی قابل توجهی وجود داشته باشد:

### – استفاده از BLUP EBVs

استفاده از اطلاعات فامیلی دربرآوردهای ارزش اصلاحی منجر به افزایش همبستگی این ارزشها در افراد خویشاوند شده و نتیجتاً امکان انتخاب مشترک (co-selection) آنها افزایش میابد

### – فواصل تجدید نسل کوتاه

### – کاربرد تکنولوژی های تولید مثلی

Inbreeding

## Balancing Inbreeding versus increase in merit

